

Полные списки

Простые списки удобно составлять с помощью таблиц. Список по порядку часто составляется из строк таких таблиц. С помощью умножения и деления по месту в таблице легко найти место в списке, и наоборот.

1. На каждой лестничной площадку 9-этажного дома выходят двери 4 квартир. В Сашином подъезде номера квартир начинаются с 73.
 - a) Какой самый большой номер квартиры в этом подъезде?
 - b) На каком этаже расположена квартира номер 100?
 2. a) У скольких двузначных чисел все цифры чётны?
b) Все такие числа выписали в ряд по возрастанию. Какое число стоит на 15-м месте?
- Если элементы списка строятся постепенно, в несколько шагов, то их все можно разместить на «родовом дереве». Часто ветки дерева оказываются одинаковы, и тогда число элементов и место отдельного элемента можно находить почти как в таблице: умножением и делением.
3. a) Выпишите без повторов все числа, которые можно представить как произведение двух однозначных простых чисел. Сколько их всего?
b*) Влад выписал по порядку возрастания все числа, , которые можно представить как произведение трёх однозначных простых чисел. На каком месте стоит число 125?
 4. a) Неразваливающиеся фигурки из 4 клеток называются *тетрамино*. Нарисуйте их все.
b) Неразваливающиеся фигурки из 5 клеток называются *пентамино*. Нарисуйте их все.
 5. a) Гриша забыл трехзначный код на чемодане, и помнит только, что все цифры – разные. Можно проверять коды по одному, но между соседними проверками должно пройти не меньше 5 секунд. Может ли Гриша наверняка открыть чемодан меньше чем за час?
b) Гриша проверял коды строго по возрастанию. Чемодан открылся, когда он набрал 829. Сколько времени затратил Гриша на проверку?

Зачётные задачи

ПС1. Клетки прямоугольной таблицы по порядку заполнили натуральными числами, начиная с 1: сначала заполнили 1-ю строку слева направа, потом 2-ю строку слева направо и т.д. Известно, что число 49 находится в шестой строке, а 96 – в последней. Сколько строк и сколько столбцов в этой таблице?

ПС2. Все четырехзначные числа, составленные только из нечётных цифр и с суммой цифр, кратной 10, записали в порядке возрастания. Какое число стоит на 100-м месте?

ПС3. Жора отметил на окружности 15 точек и пронумеровал их по порядку от 1 до 15 по часовой стрелке. Он соединил точки 3 и 9 жёлтым отрезком, а затем соединил отрезком каждую пару точек. Если проведенный отрезок пересекал жёлтый отрезок внутри круга, Жора делал его красными, иначе оставлял черным. Сколько всего красных отрезков получилось у Жоры?

ПС4. Сколько есть замкнутых маршрутов короля по клетчатой доске 4x4, где нет ходов по диагонали и каждая клетка проходится ровно один раз?

Малый межмат, 5 класс, 30 июля 2018 г. <http://www.ashap.info/Uroki/Bolgar2/2018/5-1/index.html>