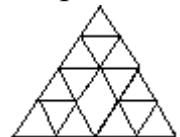


## Ослабление условий

Лучше синица в руках, чем журавль в небе.

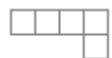
Если конструкцию сложно придумать из-за слишком жестких условий, то можно сначала от части условий отказаться или их ослабить, построить заготовку с оставшимися условиями, а потом её доработать.

1. **a)** Придумайте три различных натуральных числа, чтобы каждое делилось на разность двух других, и все разности были различны;  
**б)** то же, но у каждого из чисел сумма цифр больше 100.
2. Можно ли разрезать квадрат на два меньших многоугольника так, чтобы отношение их площадей было не меньше 2, а отношение периметров – не больше  $\frac{1}{2}$ ? (Граница многоугольника должна быть *одной* замкнутой ломаной)
3. Можно ли, не отрывая карандаша от бумаги и не проводя линий дважды, нарисовать изображенную на рис. 1 фигуру, если пересекать уже нарисованные линии нельзя? (Касаться можно).
4. **a)** Существует ли точный куб, равный сумме пяти различных делителей?  
**б)** Существует ли точная шестая степень, равная сумме шести своих различных делителей?
5. **a)** Можно ли разбить квадрат на треугольники так, чтобы каждый имел границы неуровной длины ровно с тремя другими?  
**б)** А чтобы дополнительно среди всех треугольников больше половины были тупоугольными?



### Зачётные задачи

**ОУ1.** Сложите пятиклеточный крест из пятиклеточных фигурок на рисунке.



**ОУ2.** Разложите 1000 орехов на 24 кучки разного размера, но так, чтобы любые две кучки отличались не больше чем вдвое.

**ОУ3.** В строку записаны несколько натуральных чисел. Каждое следующее делится на предыдущее, но имеет *меньшую* сумму цифр, чем предыдущее (например, 34 делится на 17, но у 34 сумма цифр меньше). А можно ли составить такую строку из 7 чисел?

**ОУ4.** Приведите пример таблицы  $3 \times 3$ , заполненной девятью различными натуральными числами так, чтобы произведения в столбцах были равны, и суммы в строках тоже были равны (но суммы могут отличаться от произведений).