

## **Старые задачи**

**Разрезания и суммы углов 66.** Можно ли разрезать квадрат на треугольники так, чтобы каждый граничил (по отрезку) ровно с четырьмя другими?

**Конструкции с делимостью 8.** В клетчатого квадрате закрасили часть клеток. Закрашенные клетки образуют квадрат. Осталось незакрашено 107 клеток. Докажите, что в большом квадрате закрашена ровно одна угловая клетка.

**Инвариант 6.** На острове живут 13 серых, 15 бурых и 17 малиновых хамелеонов. При встрече два хамелеона разного цвета одновременно меняют свой цвет на третий. Может ли случиться, что через некоторое время все хамелеоны станут одного цвета?

**Узкие места 7.** Натуральное число не оканчивается нулем. Обязательно ли найдется кратное ему натуральное число, в записи которого каждая следующая цифра не меньше предыдущей?

**Узкие места 8.** Может ли прямая разбить какой-нибудь шестиугольник на 4 равных треугольника?

**Пример+оценка. Счет узких мест 5.** В ящике лежат 111 шариков красного, синего, зелёного и белого цвета. Известно, что если, не заглядывая в ящик, вытащить 100 шариков, то среди них обязательно найдутся 4 шарика различных цветов. Какое наименьшее число шариков нужно вытащить, не заглядывая в ящик, чтобы среди них наверняка нашлись 3 шарика различных цветов?

Бургас, 6-7 класс, 27 июля 2016 г, [www.ashap.info/Uroki/Bolgar/Burgas16/index.html](http://www.ashap.info/Uroki/Bolgar/Burgas16/index.html)