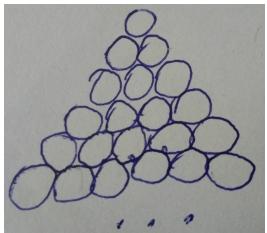


2. Треугольные числа



- 1.** Биллиардные шары складывают в виде треугольника: в первом ряду 1 шар, во втором 2, в третьем 3 и т. д. (см. рис.). Заполните таблицу (см. рис.), показывающую, сколько шаров потребуется для этого в зависимости от количества рядов.
- | Рядов | 1 | 2 | 3 | ... | 10 |
|-------|---|---|---|-----|----|
| Шаров | 1 | 3 | 6 | ... | |
- 2.** В королевстве : **a)** 5 городов; **б)** 10 городов. Король повелел соединить каждые два города отдельной дорогой. Сколько дорог придётся построить?
- 3.** В школе есть классы с 5 по 11, по два на каждой параллели. Физкультура у каждого класса два раза в неделю. Обязательно ли у каких-то двух классов оба дня физкультуры совпадают, если в этой школе учатся:
- а)** шесть дней в неделю, а воскресенье – единственный выходной;
 - б)** пять дней в неделю с выходными в субботу и воскресенье?
- 4. а)** Встретились 13 художников. Каждый нарисовал по одной карикатуре на каждого из остальных. Сколько карикатур было нарисовано?
- б)** Встретились 13 певцов. Каждый спел по одной песне дуэтом с каждым из остальных. Сколько песен было спето?
- 5.** Сколько диагоналей у 17-угольника?
- 6.** У скольких 10-значных чисел, составленных из цифр 1 и 2, сумма цифр равна 12?
- 7.** Сложите два первых числа из второй строки таблицы, которую составили в первой задаче. Потом второе и третье число. Потом третье с четвертым... и так до тех пор, пока не заметите закономерность. Всегда ли она выполняется? Попробуйте объяснить, почему.
- 8.** В ресторане готовят кушанья из рыбы. Каждое кушанье делают из одного вида рыб и добавляют два вида соуса. Сегодня у повара есть 7 видов рыбы и шесть видов соуса. Сколько разных блюд из рыбы может приготовить повар?
- 9.** 10 школьников решали 10 задач. Могло ли случиться, что все они решили поровну задач, но для каждой задачи число решивших её было различным?
- 10.** У скольких 10-значных чисел сумма цифр равна **а) 3;** **б) 88?**
- 11.** Сколькими способами можно из множества $\{1, 2, 3, \dots, 20\}$ выбрать набор из двух или более последовательных чисел? (Примеры: само множество, $\{3, 4\}$, $\{9, 10, 11\}$, $\{10, 11, \dots, 20\}$)